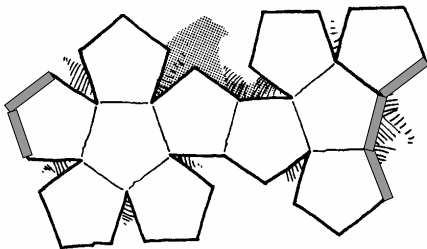


even lang!



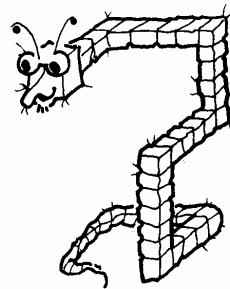
Buitendiagonalen: $12 \times 5 = 60$

Binnendiagonalen: vanuit elk punt zijn 19 verbindingslijntjes te tekenen, daarvan zijn er $3 \times 2 + 3 = 9$ geen binnendiagonaal, dus uit elk punt vertrekken 10 binnendiagonalen.

Er zijn dus $20 \times 10 : 2 = 100$ binnendiagonalen

$1 + 3 + 6 = 10$ kogels

$1 + 36 + 10 + 15 + 21 = 56$ kogels



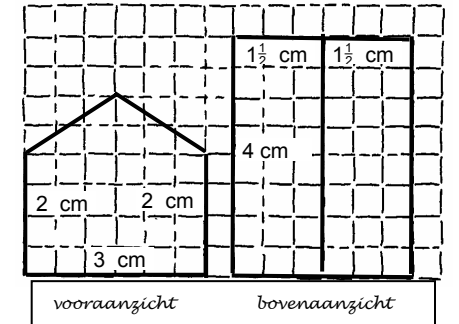
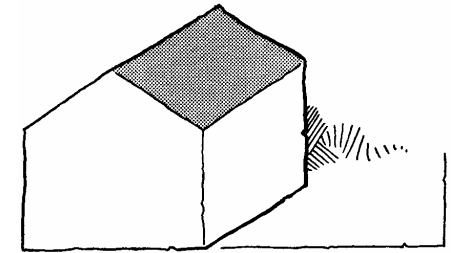
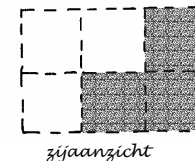
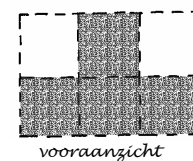
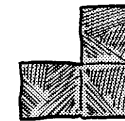
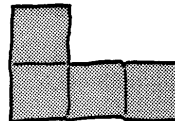
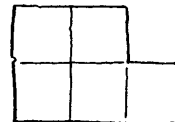
wit

Als het laatste kubusje dat hij aandoet wit is dan heeft hij een even aantal kubusjes aangedaan. Dat kan niet want er is een oneven aantal kubusjes. Als het laatste kubusje dat hij aandoet zwart is, dan heeft hij meer zwarte dan witte gegeten, (hij begint met een zwart), dat kan ook niet want er zijn meer witte dan zwarte kubusjes.

5 De ruimte in

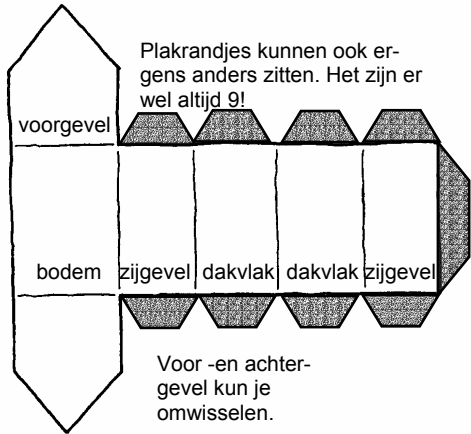


1 : 150

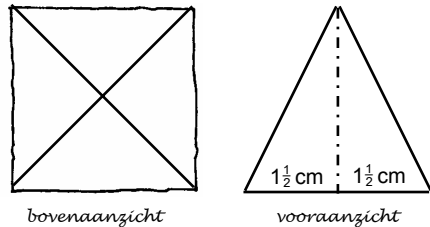


vijfzijdig prisma

Anne. In het vooraanzicht kijk je recht op de zijkant van het dak, in het zijaanzicht niet



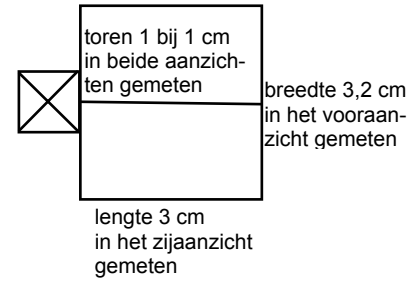
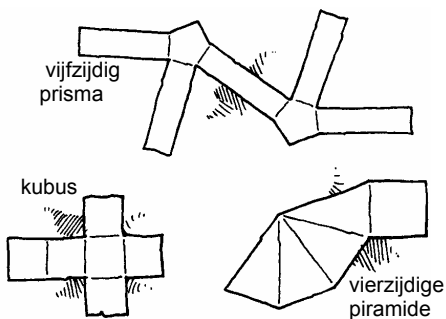
De rand is gebogen.



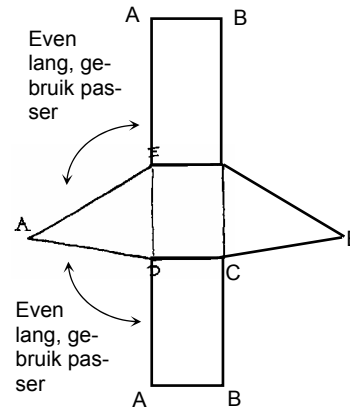
?

In het bovenaanzicht kijk je niet recht op de dakrand
 langer

Ook in het vooraanzicht kijk je niet recht op de dakrand. Freek heeft het fout.



breedte van een dakvlak is $1,6 \times 5 = 8$ m
 lengte dakvlak is $3 \times 5 = 15$ m
 De oppervlakte van een dakvlak is 120 m^2

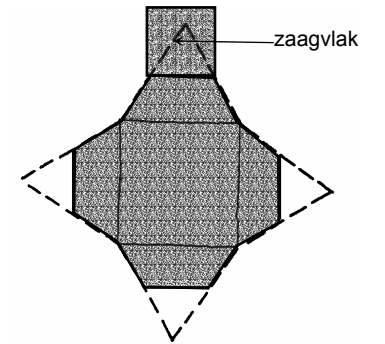


$3 \times 2 = 6$

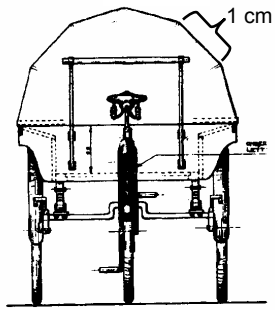
 0

 $3 \times 3 = 9$

 aantal lijntjes = $6 \times 5 : 2 = 15$; $15 = 6 + 0 + 9$



hoekpunten: $7 \times 8 = 56$
 ribben: $12 + 8 \times 9 = 84$
 grensvlakken: $6 + 8 \times 3 = 30$

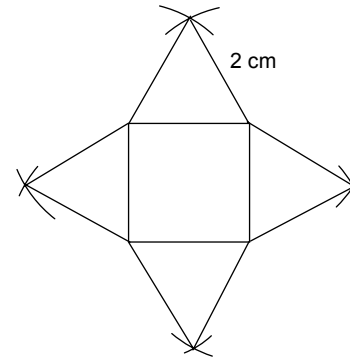
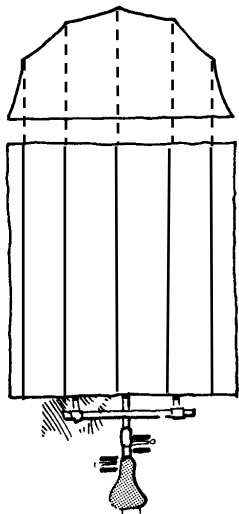


ACHTERAANZICHT

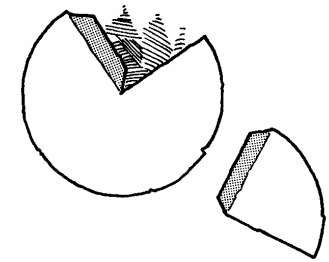
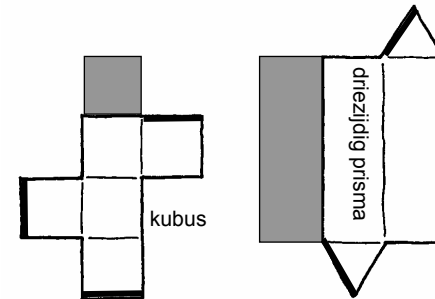
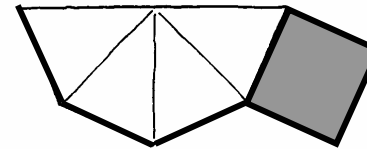
Tekening uit 1934 van PTT-bakfiets met huif

125 : 4,3 ≈ 30 : 1, dus 1 op 30

30 bij 125

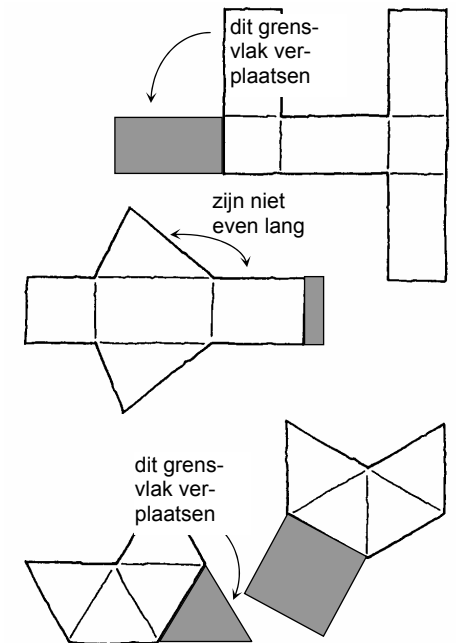


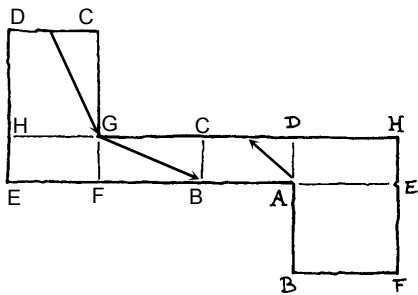
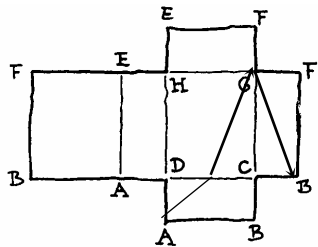
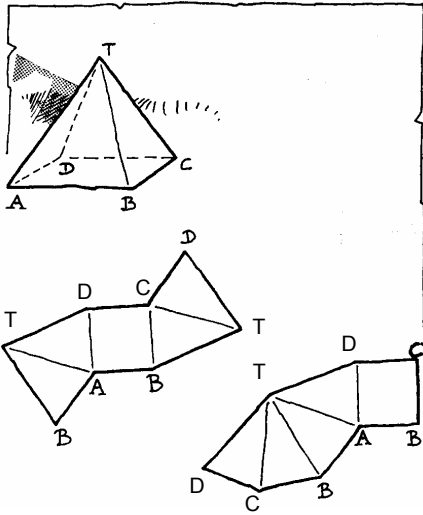
$$3\frac{1}{2} \times 2 \times 1 = 7 \text{ cm}^3$$



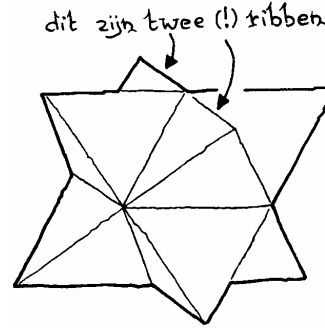
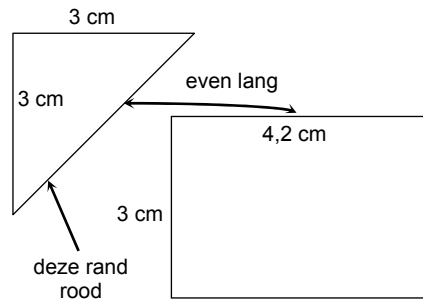
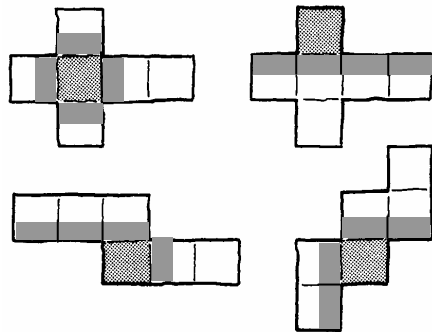
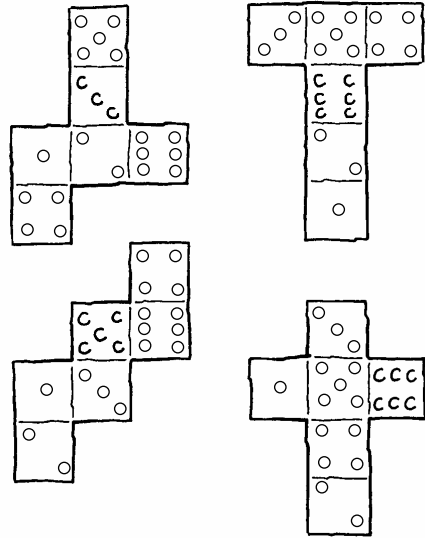
de tweede

$$\text{ongeveer } \frac{3}{4} \times 25 \text{ cm} = 18\frac{3}{4} \text{ cm}$$

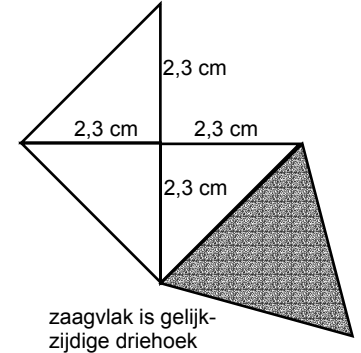
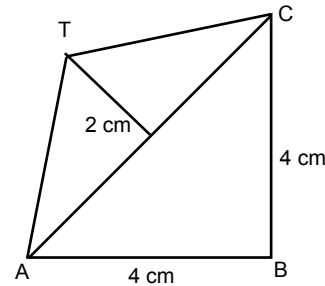
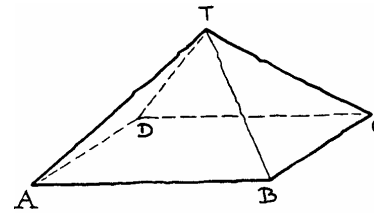




ABFH	AEFG
ABCG	ADHG
AEHG	ADCG
6 routes	



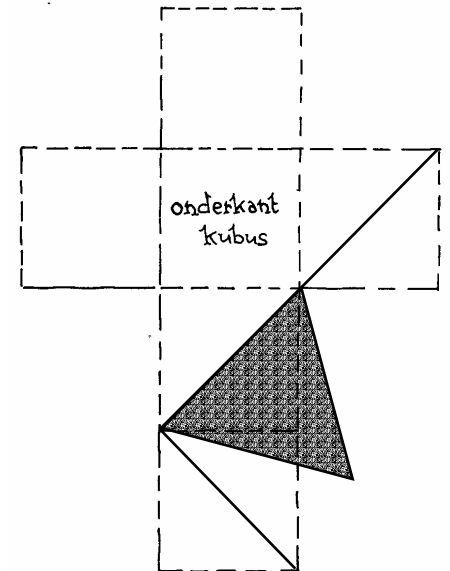
grensvlakken: $8 \times 3 = 24$
 ribben: $8 \times 3 + 12 = 36$
 hoekpunten: $8 + 6 = 14$

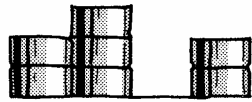
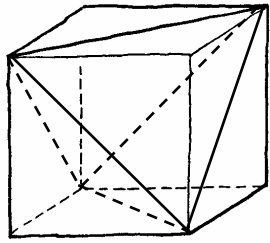


zaagvlak is gelijk-zijdige driehoek

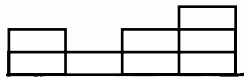
driezijdige piramide (ook: viervlak)

4	3
---	---





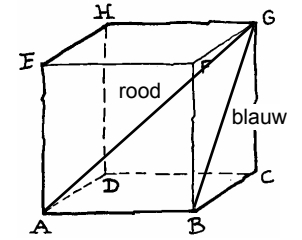
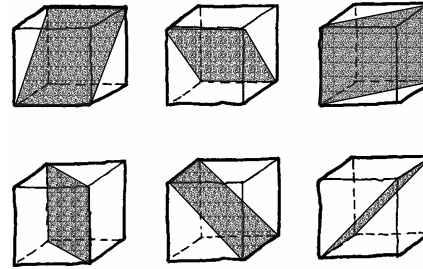
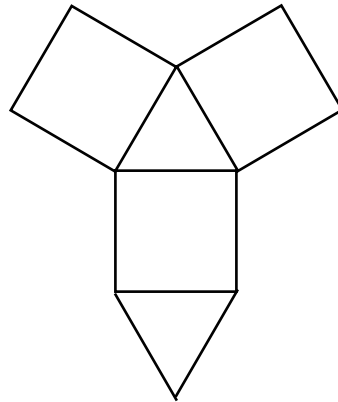
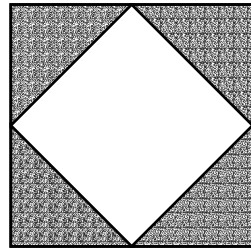
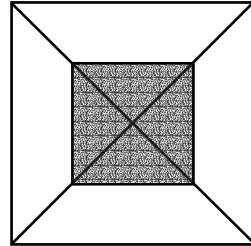
van voor



van opzij

2 3 0 ①
 0 ① 0 2
 3, je krijgt dan: ① 0 0 1
 0 0 0 2

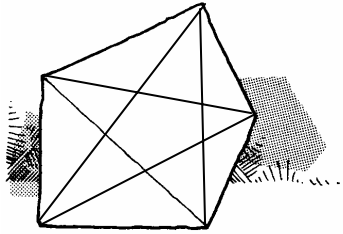
2 3 0 ②
 ② ② 0 2
 9, je krijgt dan: 1 ① 0 1
 ② ② 0 2



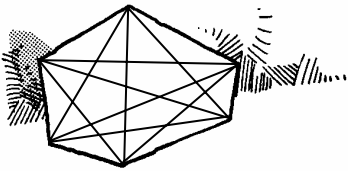
De diagonaal AG ligt binnen de kubus en de diagonaal BG ligt op de buitenkant van de kubus.

4

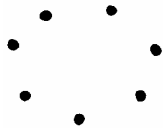
$6 \times 2 = 12$
 In elk grensvlak 2 en er zijn 6 grensvlakken.



5



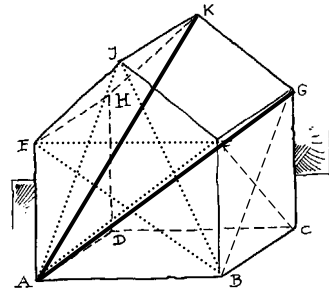
9



$7 \times 6 : 2 = 21$

$5 \times 4 : 2 = 10$ verbindingslijntjes, er zijn 5 zijden, dus $10 - 5 = 5$ diagonalen.

$6 \times 5 : 2 = 15$ verbindingslijntjes, er zijn 6 zijden dus 9 diagonalen.

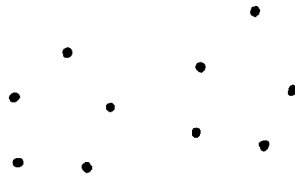


— rood
 blauw
 - - - - - geel

voor en achter 5, dus 10
 in elk zijvlak 2, dus 10

totaal: 20

$5 \times 2 = 10$

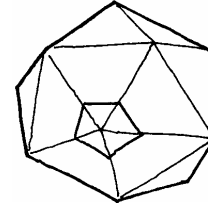


$10 \times 9 : 2 = 45$

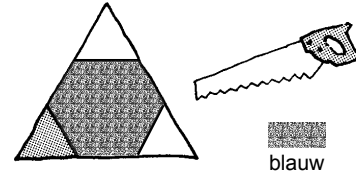
$3 \times 5 = 15$

buitendiagonalen
 binnendiagonalen
 ribben
 verbindingslijntjes

$20 + 10 + 15 = 45$

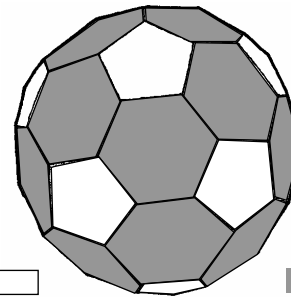


Een regelmatige vijfhoek



blauw

Een regelmatige zeshoek



rood

blauw

Hoekpunten:
 $(12 \times 5 + 20 \times 6) : 3 = 60$

want elk hoekpunt wordt drie keer geteld

ribben:
 $(12 \times 5 + 20 \times 6) : 2 = 90$

want elke ribbe wordt twee keer geteld

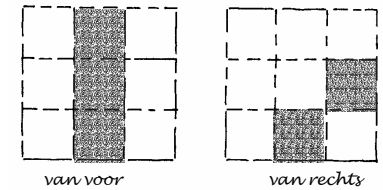
grensvlakken: $12 + 20 = 32$

Zwart en wit: voetbal

$3 \times 3 \times 3 = 27$

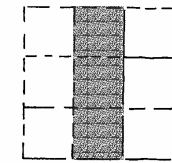
zwart: $4 + 5 + 4 = 13$

het zwarte kubusje in het midden



van voor

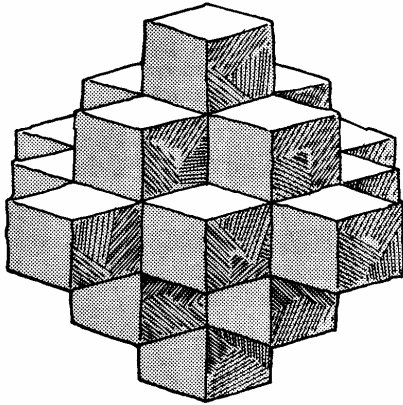
van rechts



van boven

2

$2 \times 2 \times 2 = 8$



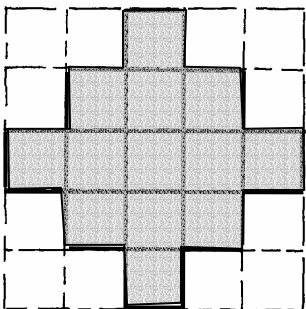
$1 + 5 + 1 = 7$

grensvlakken: $6 \times 5 = 30$

ribben: $6 \times 8 + 12 = 60$

buitenste kubussen
binnenste kubus

hoekpunten: $6 \times 4 + 8 = 32$



$1 + 3 + 5 + 3 + 1 = 13$

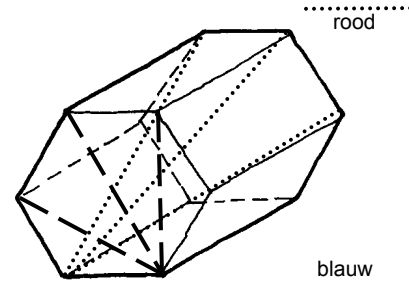
$1 + 5 + 13 + 5 + 1 = 25$

$6 \times 13 = 78$

grensvlakken: $6 + 8 = 14$
 zoveel grensvlakken heeft de kubus ↑ ↑ zoveel hoekpunten heeft de kubus
 ribben: $(6 \times 4 + 8 \times 3) : 2 = 24$
 hoekpunten: $(6 \times 4 + 8 \times 3) : 4 = 12$

grensvlakken: $6 + 8 = 14$
 ribben: $12 + 8 \times 3 = 36$
 van de kubus ↑ ↑ 8 driehoeken
 hoekpunten: $8 \times 3 = 24$

grensvlakken: $8 + 6 = 14$
 ribben: $12 + 8 \times 3 = 36$
 van het achtvlak ↑ ↑ aantal vierkanten
 hoekpunten: $6 \times 4 = 24$



$3 \times 6 = 18$

Vanuit elk hoekpunt aan de voorkant 3
 Dus $6 \times 3 = 18$

Aan de voorkant $6 \times 3 : 2 = 9$
 (zie ook tweede antwoord bladzijde 11)
 aan de zijkanten 2
 Dus $2 \times 9 + 6 \times 2 = 30$

Er zijn 12 hoekpunten, dus er zijn
 $12 \times 11 : 2 = 66$ verbindingslijntjes

ribben:	12	Er zijn 8 hoekpunten dus
binnendiag	4	
buitendiag	12	$8 \times 7 : 2 = 28$
totaal	28	verbindingslijntjes

Er zijn 7 hoekpunten, dus 21 verbindingslijntjes.
 Er zijn $2 \times 6 = 12$ ribben
 Er zijn 0 binnendiagonalen
 Er zijn 9 buitendiagonalen in het grondvlak
 (zie het derde hok van deze bladzijde)
 $21 = 12 + 0 + 9$

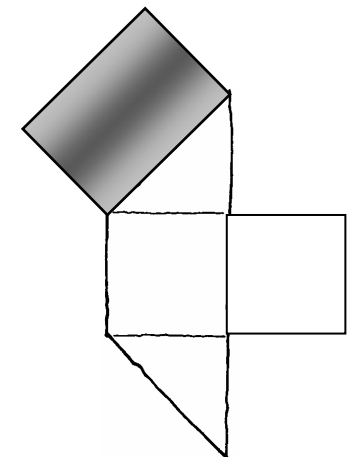


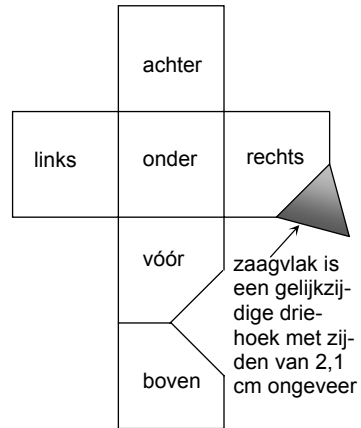
Een ovaal of cirkel(ellips)
 Een rechthoek
 Een afgeknot ovaal

gelijkzijdige driehoek
 gelijkbenig trapezium

vierkant
 rechthoek

ruit
 regelmatige zeshoek





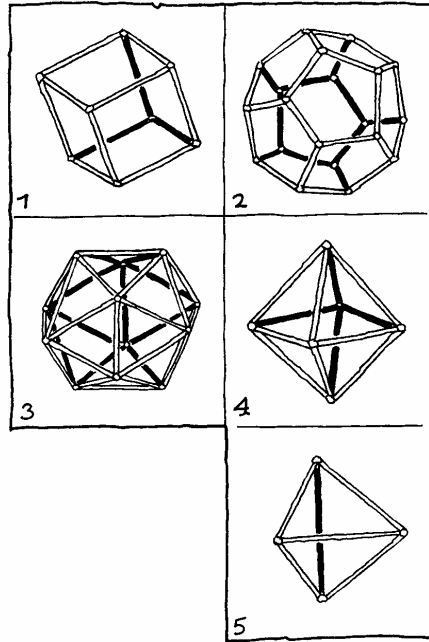
Elk hoekpunt ligt in 4 grensvlakken, dus: er zijn $8 \times 3 : 4 = 6$ hoekpunten.

Elke ribbe ligt in 2 grensvlakken, dus: er zijn $8 \times 3 : 2 = 12$ ribben.

ribben $12 + 3 = 15$

hoekpunten $8 - 1 + 3 = 10$

grensvlakken $6 + 1 = 7$

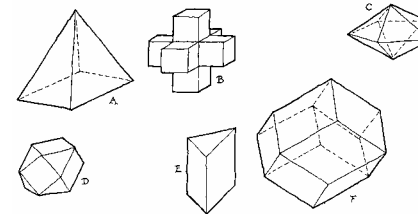


A bij 5, B bij 4, C bij 2, D bij 1, E bij 3

veelvlak	A	B	C	D	E
hoekpunten	4	6	20	8	12
grensvlakken	4	8	12	6	20
ribben	6	12	30	12	30



kubus



B: in sommige hoekpunten komen zes grensvlakken samen, in andere drie.
 A: grensvlakken zijn driehoeken en één vierkant
 C: In sommige hoekpunten komen vier ribben samen in andere vijf.
 D: grensvlakken zijn driehoeken en vierkanten
 E: grensvlakken zijn driehoeken en vierkanten
 F: In sommige hoekpunten komen drie ribben samen in andere vier.

Een kubus heeft 6 grensvlakken; in elk grensvlak liggen 4 hoekpunten. Een kubus heeft dus $6 \cdot 4 : 3 = 8$ hoekpunten. Ik moet delen door 3, omdat elk hoekpunt in drie grensvlakken ligt; anders tel ik ze drie keer.

Een kubus heeft 6 grensvlakken. Elk grensvlak heeft 4 ribben. Dat zijn $6 \cdot 4 = 24$ ribben. Maar elke ribbe ligt in 2 grensvlakken, dus heb ik elke ribbe 2 keer geteld. Het aantal ribben van de kubus is dus $24 : \underline{2} = \underline{12}$

Elk hoekpunt ligt in 4 grensvlakken, dus: er zijn $8 \times 3 : 4 = 6$ hoekpunten.

Elke ribbe ligt in 2 grensvlakken, dus: er zijn $8 \times 3 : 2 = 12$ ribben.

Elk hoekpunt ligt in 5 grensvlakken, dus: er zijn $20 \times 3 : 5 = 12$ hoekpunten.

Elke ribbe ligt in 2 grensvlakken, dus: er zijn $20 \times 3 : 2 = 30$ ribben.

grensvlakken: $6 \times 4 = 24$

ribben: $12 + 4 \times 6 = 36$
 van de kubus

van de piramides

hoekpunten: $6 + 8 = 14$
 toppen van de piramides

hoekpunten van de kubus